

实验5

基于CrypTool软件的 RSA算法加解密实验

5.1 实验目的

- (1) 理解非对称密码算法的基本思想和特点；
- (2) 基于 CrypTool 软件,通过实际例子深入理解典型非对称密码算法 RSA 的加解密原理,加深在非对称/公钥算法的理解与认识；
- (3) 体会理论与实践的关系。

5.2 实验任务

基于 CrypTool 软件,生成用户自己的公钥私钥对,应用 RSA 算法加密明文,并对比算法的运算时间。

5.3 实验环境

5.3.1 硬件环境

Windows 操作系统的计算机 1 台。

5.3.2 软件环境

CrypTool 软件。

5.4 实验学时与要求

学时：2 学时。

要求：独立完成实验任务,撰写实验报告。

5.5 理论提示

5.5.1 RSA 算法

RSA 公钥密码算法是 1977 年由 Ron Rivest、Adi Shamir 和 Len Adleman 在美国麻省理工学院开发的。RSA 取名来自三位开发者的名字。RSA 是目前最有影响力的公钥加密算法,它能够抵抗目前已知的所有密码攻击,已被 ISO 推荐为公钥数据加密标准。所谓的公开密钥密码体制就是使用不同的加密密钥与解密密钥,是一种“由已知加密密钥推导出解密密钥在计算上是不可行的”密码体制。

RSA 算法基于一个十分简单的数论事实:将两个大素数相乘十分容易,但要对其乘积进行因式分解却极其困难,因此可以将乘积公开作为加密密钥。

RSA 算法是一种非对称密码算法。所谓非对称,就是指该算法需要一对密钥,使用其中一个加密,则需要用另一个才能解密。加密密钥也称为公开密钥,所有用户的公开密钥都可以对外公开,被所有用户访问。然而,每个用户的解密密钥由用户保存并严格保密。解密密钥也称为私有密钥。

实体 B 加密明文消息 M ,将密文在公开信道上传送给实体 A,实体 A 接到密文后对其解密。采用 RSA 算法的具体过程如下。

1. 公钥私钥的生成

每个通信实体都需要自己的一对 RSA 的密钥。具体步骤如下:

- (1) 随机选择两个大素数 p 和 q ,计算 $n = p \times q$;
- (2) 根据欧拉函数计算 $r = (p-1) \times (q-1)$;
- (3) 选择一个与 r 互质的整数 $e, e < r$;
- (4) 求得 e 关于模 r 的模反元素,命名为 d ,满足 $e \times d = 1 \pmod{r}$ 。
- (5) p, q 不再需要,可以销毁。
- (6) (n, e) 即为公钥, (n, d) 即为私钥。

公钥 (n, e) 可以公开发布,而私钥 (n, d) 必须严格保管。

注意: e 和 d 分别被称为公钥指数/模值(modulus)和私钥指数/模值。“密钥长度”一般指模值的位长度。为了保证 RSA 的安全性(防止破解),目前主流的密钥长度都是 1024 位以上,如 1024、2048、3072、4096 等公钥指数 e 可以随意选,但目前行业上普遍选用 65537 (十六进制 $0x10001$,该值是除了 1、3、5、17、257 之外的最小素数),选择较小的公钥指数,加密时间就会变短;相应地,计算得到的私钥指数 d 则会更大,解密时间会变长。这种方式比较符合大多数典型应用的需求。1024 位长的模值密钥是一个较大的数字,换成十进制数表达式,如下所示。

```
2^1024 = 179769313486231590772930519078902473361797697894230657273430081157732675805500
96313270847732240753602112011387987139335765878976881441662249284743063947412437776789
34248654852763022196012460941194530829520850057688381506823424628814739131105408272371
63350510684586298239947245938479716304835356329624224137216
```

以下是实际应用中的一个 1024 位公钥-私钥对的示例:

公钥 (n, e) 为

```
(9204093702508398011453803780453426861298129360287045761198824853897618064873557927275
75795730887241903197486326100866657759815595085957510144222909555416255726011742571745
05870980479486337170930025402752121033334523093496428774445280659798459305405393798121
701680035096537995764758495172606032836456620308447, 65537)
```

私钥(n, d)为

```
(9204093702508398011453803780453426861298129360287045761198824853897618064873557927275
75795730887241903197486326100866657759815595085957510144222909555416255726011742571745
05870980479486337170930025402752121033334523093496428774445280659798459305405393798121
701680035096537995764758495172606032836456620308447, 2299022138792780802409307229290669
35806415273247019148131322402396057200851397139431930295498949053968832001024738257582
54921923938473113571052875002215062020950422905387668296071326844919479266104757501461
06187878278079727874329248690213460621249354688816145123003176535444077455140081472275
3904279175971633)
```

如果将其转换为符合公钥加密标准(Public Key Cryptography Standards, PKCS)的 PKCS1 规范要求的格式,如下所示:

公钥为

```
----- BEGIN RSA PUBLIC KEY -----
MIGJAoGBAIMSFcs5eGRvw8maaQ7gikmOo4y22oA/AVbnWRmubg8tJNJr2lXJXHJ3n5VgCjubZRICFXKZ1vkSvZEAR0
zH7TQHfBqrS2Adw8YNI0huDNLo32Te6sQCaE59rZ7KqajNjCwMAMwDrCTbfHXsxSNjYxO + AzvmSYU1Moj/iNlWT
ffAgMBAAE =
----- END RSA PUBLIC KEY -----
```

私钥为

```
----- BEGIN RSA PRIVATE KEY -----
MIICyAIBAAKBgQCDEhXLOXhkb8PJmmqu4IpJjqOMttqAPwFW51kZrm4PLSTSa9pcSVxyd5 + VYAo7m2USAhVymdb5
Er2RAK9Mx + 00B3waq0tgHcPGDSDobgzS6N9k3urEAmhOfa2eyqmo5zSXFpgDMA6wk23x17MUjY2MTvgM75kmFJTK
I/4jZcE33wIDAQABAoGAIL05uG0IkP3h18 + 8aiYoJKt + ar2Z4oLaYMy00tdhImVSV0UdbAPFFbCPgg4tQCpWmqL
unIuUy05Hb5rOA82FAfQu + gApt4H/R4ENucoYXllyuAiBdKUoyGZj2zY130PvQxgcFRM/l1PG20XPhVVCORFqe1 +
7YktV9Y8IOv02QzECRQCsjqautY518fE3Lt + Y1b7SVE02JZ/W8WjAgmGRXpiYcYhE1MOagCmneiRkknW857FzaQa
O3XL3o3tjNX + UoVdpXoHkvQI9AMLpKhX6Wt7uCbz/1aCNOHRz7ikeaUvg8K4 + ewdBV/v99BU9GD6QIUk8O1Qaf6
t + ikxU9Cj00BdCtWC0yWJEGZD/7jBugNu2rDBc6qdKmgFClcaHuzpVrXGUbVSAinSSA6lIhvok8PTBdCuhaiPNQ
mi/LKssVRpLbmzQdqYRcDQX60CPEAJk0Y9RvXPh2uNHX/uZgn8vNbNoxLHCMx2wr0TfvDP8w23U0vdNtJ085kiS6f
wn0eM8dsmRc9 + n1DmGQJFAIEA4wlyLZS3Whq65r130gj45qj2913KwCCHV4h64xaseZCBv2RjwSDwRZeqPrycb3/
6M3exEkSpIwTE7 + iZeTzKHP0J
----- END RSA PRIVATE KEY -----
```

PKCS1 规范是公钥密码学领域的一系列标准之一,主要涉及 RSA 密码算法的实现。PKCS(Public Key Cryptography Standards)是由国际标准化组织(ISO)和国际电工委员会(IEC)共同制定的一套关于公钥加密技术的标准。PKCS1 规范具体定义了使用 RSA 算法进行数字签名和数据加密的方法。

2. 明文加密算法

实体 B 加密明文消息 M 的操作如下:

- (1) 得到实体 A 的真实公钥(n, e);
- (2) 把消息 M 转换为整数 m , 要满足 $0 < m < n$;
- (3) 计算密文, $C = m^e \bmod n$;
- (4) 将密文 C 发送给实体 A。

注意：明文消息 M 在加密前,需要先转换为二进制数组,这个二进制数组作为一个大整数 m 被加密处理。按照 RSA 算法原理,消息 M 存在长度限制,一般来说要小于密钥长度。对 1024 位密钥来说,明文最大长度要小于 $1024/8=128$ 字节(还要扣除 11 字节的固定填充);对 2048 密钥来说,明文最大长度要小于 $2048/8=256$ 字节(还要扣除 11 字节的固定填充)。如果明文长度超过最大限制,则可以将明文消息分段进行加密处理,解密后再将分段拼接回原始明文。因此,RSA 算法一般并不适合用来加密特别长的明文,而是适合加密一些摘要、签名等短消息。

3. 密文解密

实体 A 接收到密文 C ,使用自己的私钥 d 计算密文, $m \equiv C^d \pmod{n}$ 。

图 5-1 描述了一个 RSA 算法加密解密的实际应用流程。

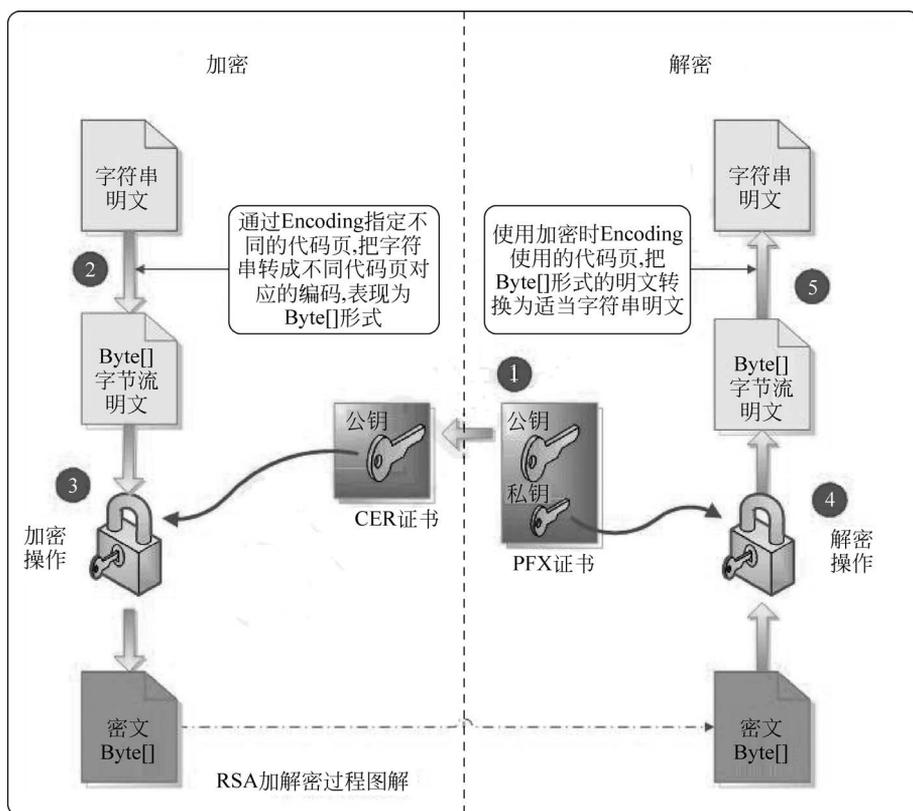


图 5-1 RSA 密码算法应用流程

从运算性能上看,公钥密码算法比对称密码加密的速度要慢,粗略地说,公钥密码算法 RSA 硬件实现比对称密码算法 DES 硬件实现的速度慢 1500 倍,而软件实现的速度要慢 100 倍。

公钥加密有以下优点:

- 大型网络中的每个用户需要的密钥数量少;
- 对管理公钥的可信第三方的信任程度要求不高而且是离线的;
- 只有私钥是保密的,而公钥只需保证它的真实性。

缺点：

- 多数公钥密码算法比对称密码算法加密的速度要慢几个数量级；
- 公钥密码算法的密钥长度比对称密码算法的密钥要长；
- 公钥密码算法没有在理论上被证明是安全的。

5.5.2 CrypTool 软件

CrypTool (CT)是一个面向 Windows 的现代电子学习程序,它将密码学和密码分析可视化。它不仅包括密码的加密和密码分析,还包括它们的基础知识和现代密码学的全部内容。

CT 包含 200 多个具有工作流的现成模板,还可以轻松地组合和执行加密函数,以自己在 CT 中创建工作流(可视化编程)。使用这种方法,复杂的过程可以很容易地可视化,从而更好地理解。通过使用矢量图形,可以自由缩放当前视图。

5.6 实验指导

5.6.1 RSA 密钥对生成

(1) 双击运行 SetupCrypTool_1_4_41_en.exe,打开 CrypTool 软件。

(2) 依次选择软件上方菜单栏 Digital Signature/PKI→PKI→Generate/Import Keys,如图 5-2 所示。



图 5-2 启动 CrypTool 软件

(3) 在弹出的如图 5-3 所示界面中,选择生成 RSA 密钥对的基本参数,如密钥的位数;填写密钥拥有者姓名,本例为[×××][×××];设置该密钥对的使用权限密码(必填)PIN 等,然后单击左下方第一个按钮 Generate new key pair 生成需要的密钥对。这一步由于计算机性能不同,需要花费的时间稍有不同。

(4) 密钥对生成后,弹出如图 5-4 所示界面,标识了密钥拥有者、位数等信息,即可为该用户生成一个新的 1024 位长的 RSA 密钥对,该密钥对含有 1 个公钥和 1 个配对私钥。

此时,原图 5-3 下方 Show key pair 按键将由原来的灰色不可用状态转换为可单击状态。

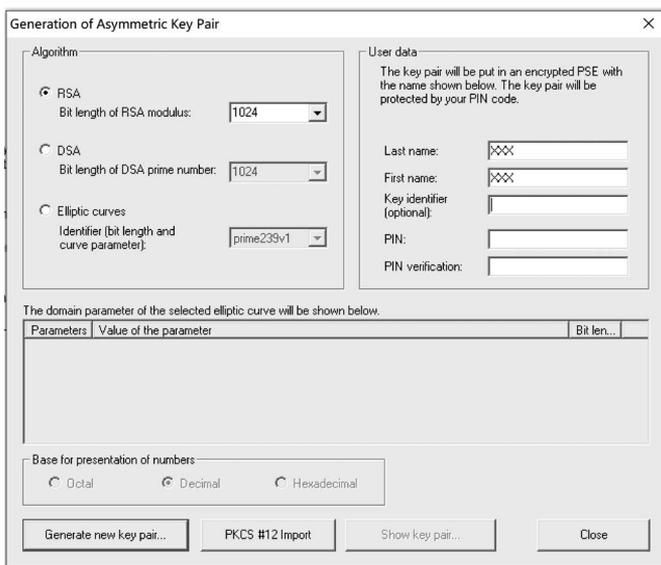


图 5-3 RSA 密钥对生成参数设置

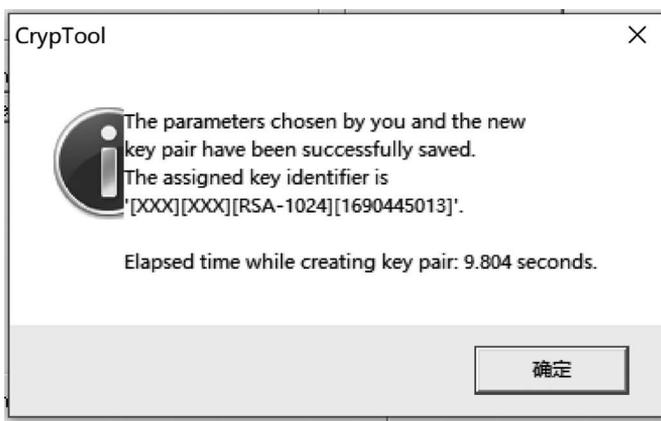


图 5-4 RSA 密钥对生成成功

(5) 单击图 5-3 下方 Show key pair 按钮,或依次单击软件上方菜单栏 Digital Signature/PKI→PKI→ Display/Export Keys,可以查看、管理和维护系统中所有可用密钥对,生成其他类型的密码编码格式(如 PKCS),弹出如图 5-5 所示界面。选中需要查看的公钥对,单击图 5-5 界面中的 Show public parameters 按钮,弹出如图 5-6 所示界面。选择不同的公钥显示格式,可以看到不同进制的公钥 $\{e, n\}$ 的数值。其中,Octal 表示八进制,Decimal 表示十进制(默认),Hexadecimal 表示十六进制。

5.6.2 RSA 算法加密

1. 创建明文

依次单击 CrypTool 软件上方菜单栏 File→new,在弹出的对话框中输入需要加密的明文字符,然后单击“保存”按钮,明文将以 .text 格式存储在指定位置,或者依次单击 File→open,打开一个提前创建好的 .txt 文件。本例以“I love IOT security”为例,如图 5-7 所示。

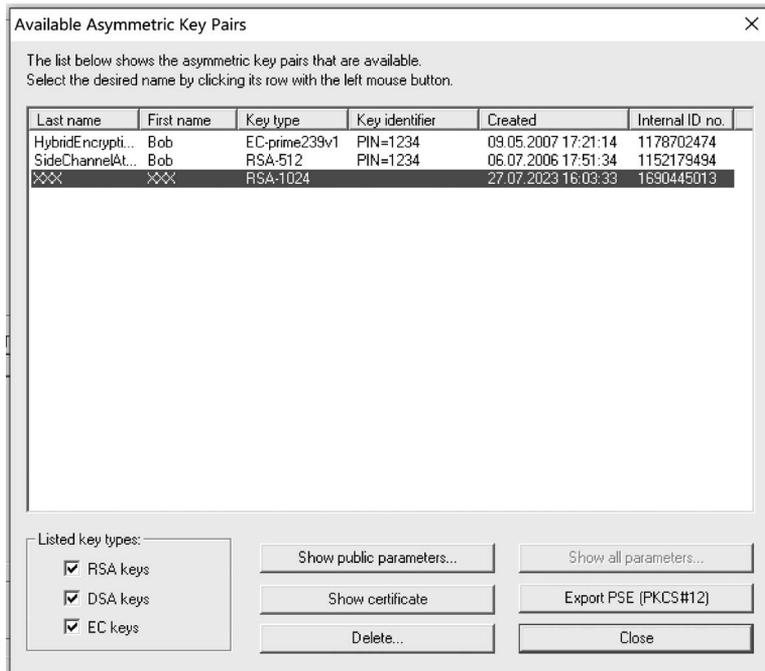


图 5-5 查看生成的 RSA 密钥对

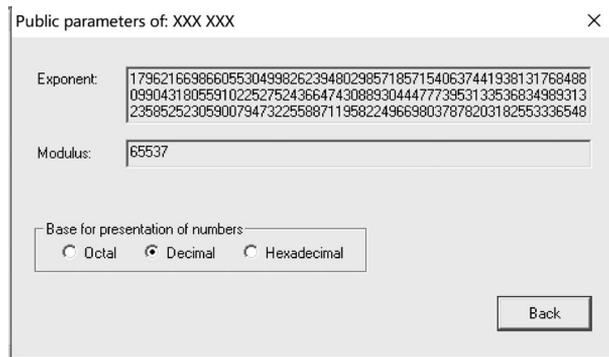
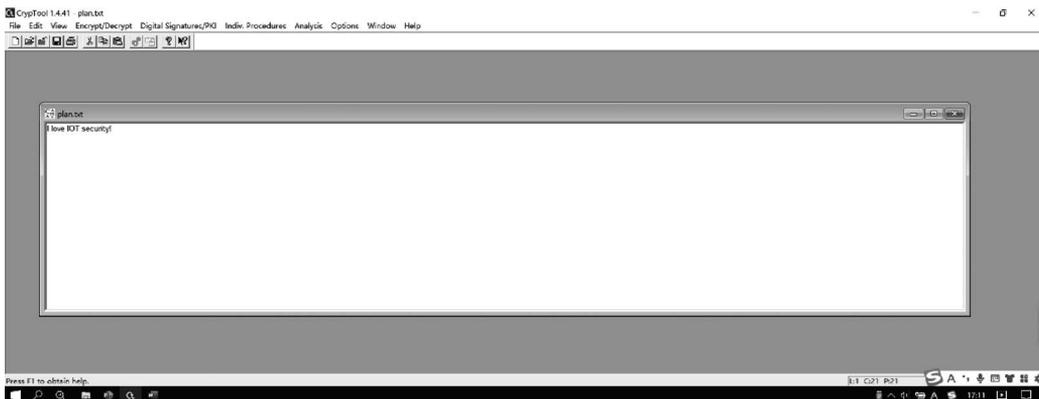
图 5-6 十进制的 RSA 公钥 $\{e, n\}$ 

图 5-7 创建明文

2. 选择用于加密的 RSA 公钥

依次单击 CrypTool 软件上方菜单栏 Encrypt/Decrypt→Asymmetric→RSA Encryption, 在如图 5-8 所示弹出的界面中选中刚才生成的公钥加密。

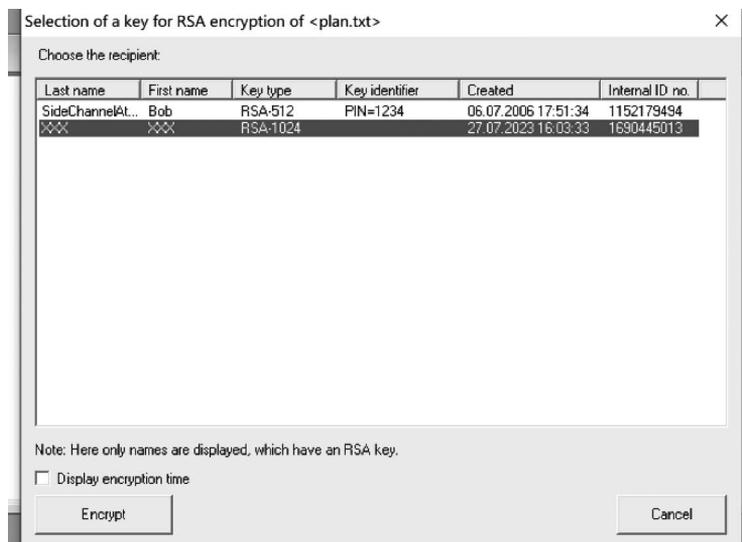


图 5-8 选择用于加密的 RSA 公钥

3. 保存密钥

单击图 5-8 左下方的 Encrypt 按钮, 将弹出如图 5-9 所示的密文信息, 默认情况下是十六进制。然后单击“保存”按钮, 密文将以 .hex 格式存储在指定位置。

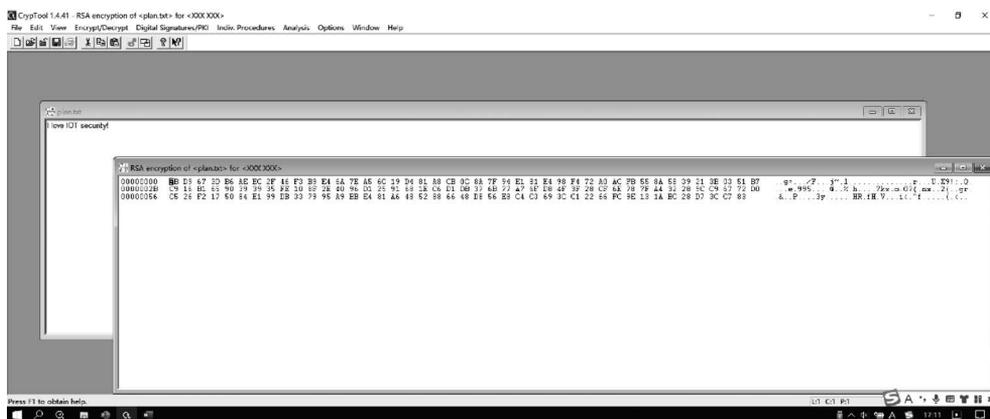


图 5-9 RSA 加密的密文信息(十六进制格式)

5.6.3 RSA 算法解密

依次单击 CrypTool 软件上方菜单栏 Encrypt/Decrypt→Asymmetric→RSA Decryption, 在如图 5-10 所示弹出的界面中选中刚才生成的公钥, 同时须输入公钥创建时设置的 PIN。然后单击左下方的 Decrypt 按钮, 如图 5-11 所示, 显示解密明文与原始明文一致, 表明解密成功。

严重威胁到通信的安全性。在实验中应妥善处理密钥,不要在不安全的地方存储或传输私钥。

3. 实践与理论相结合

在实验中应观察和思考理论如何转换为实际操作。例如,在实验过程中,加密和解密的速度可能比理论预期的要慢,这是因为大数运算的复杂性。同时,注重为提高效率,可以使用优化算法和硬件加速。

4. 算法的灵活运用

在实际应用中,非对称密码算法通常与对称密码算法结合使用。非对称加密用于安全地交换对称密钥,而对称加密则用于实际的数据传输,因为对称加密在速度上更优。

5. 实验记录和分析

在实验过程中详细记录每一步操作和结果,包括任何遇到的问题和解决方案。这不仅有助于他们理解实验过程,也是学习如何分析和解决问题的好方法。

6. 遵守实验规则

遵守实验室的所有规则和安全协议,包括不进行任何未经授权的实验步骤,不尝试破解他人的加密信息,以及不泄露实验中生成的任何密钥。

5.8 思考题

1. RSA 算法中,公钥和私钥间的关系是什么?
2. 简述设置公钥加密标准(Public Key Cryptography Standards, PKCS)的 PKCS1 规范的必要性。
3. 在军事物联网中,RSA 算法因其非对称加密特性被广泛应用于密钥交换和数据加密,请思考:
 - (1) RSA 算法如何帮助军事物联网实现安全的密钥分发?特别是在分布式网络中,如何确保公钥的安全传输和私钥的保密性?
 - (2) 在军事物联网环境中,如何设计一个有效的密钥管理系统来管理大量的 RSA 密钥对?考虑到设备的动态加入和离开,以及密钥的定期更换需求。
 - (3) 分析 RSA 密钥长度(如 1024 位、2048 位等)对军事物联网安全性和性能的影响,并讨论如何选择适当的密钥长度。
4. RSA 算法虽然安全,但相对于对称密码算法(如 AES 算法)来说,其计算复杂度较高,请思考:
 - (1) 在军事物联网中,如何优化 RSA 算法的加密解密性能,以满足实时性要求?是否可以通过硬件加速、算法优化或选择合适的加密模式(如 ECB、CBC 等)来实现?
 - (2) 对于传输大量数据的场景,是否可以将 RSA 算法与其他加密算法(如 AES)结合使用,以平衡安全性和性能?具体如何实施?
 - (3) 分析在资源受限的军事物联网设备(如传感器、无人机等)上运行 RSA 加密的可行性,并讨论可能的解决方案。
5. 随着计算能力的提升(如量子计算机的问世),RSA 算法的安全性也受到了一定的

挑战,请探讨:

(1) RSA 算法在军事物联网中面临的主要安全威胁有哪些? 如何防御这些威胁,如量子计算攻击、侧信道攻击等?

(2) 考虑到 RSA 密钥的敏感性,如何确保在密钥生成、存储、传输和使用过程中的安全性? 是否需要采用额外的安全措施,如物理隔离、访问控制等?

(3) 分析在军事物联网中实施定期更换 RSA 密钥的必要性和实施策略,以确保长期的安全性。

6. 除了传统的加密解密和密钥交换外,RSA 算法在军事物联网中还有哪些创新的应用场景? 请思考:

(1) RSA 算法在军事物联网中的创新应用。如如何利用 RSA 算法的特性来实现军事物联网中的身份认证和访问控制? 具体实现方案是什么?

(2) 探讨 RSA 算法在军事物联网中用于数据完整性校验的可能性,如结合数字签名技术来验证数据的真实性和完整性。

(3) 分析 RSA 算法在军事物联网中与其他安全技术的集成(如区块链、安全多方计算等),并讨论这些集成如何进一步提升军事物联网的安全性和可靠性。