

第5章 树与二叉树

到目前为止,已经学习了线性结构、简单的多维数组和表结构。这些数据结构一般不适合于描述具有分支结构的数据。在这种数据之间可能有祖先-后代、一般-特殊、整体-部分等分支的关系。本章讨论的树结构则是以分支关系定义的层次结构,是一类重要的非线性数据结构,在计算机领域有着广泛应用。例如,在文件系统和数据库系统中,树是组织信息的重要形式之一;在编译系统中,树用来表示源程序的语法结构;在算法设计与分析中,树还是刻画程序动态性质的工具。

5.1 树的基本概念

树结构广泛存在于现实世界,例如,家族的家谱、公司的组织机构、书的章节等。在计算机应用中,最为人们熟悉的就是磁盘中的文件夹,即文件目录。它包含文件和文件夹。

5.1.1 树的定义和术语

1. 树的定义

为了完整地建立有关树的基本概念,以下给出两种树的定义,即自由树和有根树。

自由树(free tree) 一棵自由树 T_f 可定义为一个二元组 $T_f = (V, E)$, 其中 $V = \{v_1, \dots, v_n\}$ 是由 $n (n > 0)$ 个元素组成的有限非空集合, 称为顶点(vertex)集合, $v_i (1 \leq i \leq n)$ 称为顶点。 $E = \{(v_i, v_j) | v_i, v_j \in V, 1 \leq i, j \leq n\}$ 是由 $n-1$ 个元素间关系组成的序对集合, 称为边集合, 属于 E 的序对 (v_i, v_j) 称为边(edge)或分支(branch)。 E 使得 T_f 成为一个连通图, 参看图 5-1。

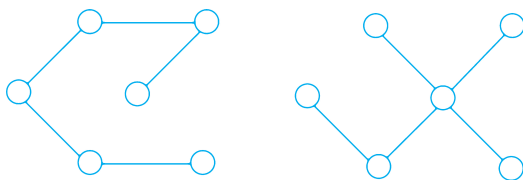


图 5-1 自由树

有关自由树的研究是图论讨论的主要内容之一,本书不进行讨论。本章讨论的树是有根树,它们的顶点统一称为结点(node)。

有根树(rooted tree) 一棵有根树 T 简称为树,定义为 $n (n > 0)$ 个结点的有限集合。记作:

$$T = \{r, T_1, T_2, \dots, T_m\}$$

其中, r 是 T 的根结点(root)。 $T_1, T_2, \dots, T_m$ 是除 r 之外其他结点构成的互不相交的 $m (m \geq 0)$ 个子集合,每个子集合也是一棵树,称为根的子树(subtree)。

每棵子树的根结点有且仅有一个直接前驱(即它的上层结点),但可以有0个或多个直接后继(即它的下层结点)。 m 称为 r 的分支数。

图5-2给出树的逻辑表示,它形如一棵倒长的树。图5-2(a)是空树,一个结点也没有。图5-2(b)是只有一个根结点的树,它的子树为空。图5-2(c)是有13个结点的树,其中 A 是根结点,它一般都画在树的顶部。其余结点分成3个互不相交的子集: $T_1=\{B,E,F,K,L\}$, $T_2=\{C,G\}$, $T_3=\{D,H,I,J,M\}$ 。它们都是根结点 A 的子树。再看 T_1 ,它的根是 B ,其余结点又分成2个互不相交的子集 $T_{11}=\{E,K,L\}$, $T_{12}=\{F\}$,它们是 T_1 的子树。

由此可知,树的定义是一个递归的定义,即树的定义中又用到了树的概念。

除了图5-2所描述的逻辑表示外,在计算机系统和其他领域还有几种表示方法,参看图5-3。图5-3(a)是树的目录结构表示;图5-3(b)是树的集合文氏图表示;图5-3(c)是树的凹入表表示,图5-3(d)是树的广义表表示。

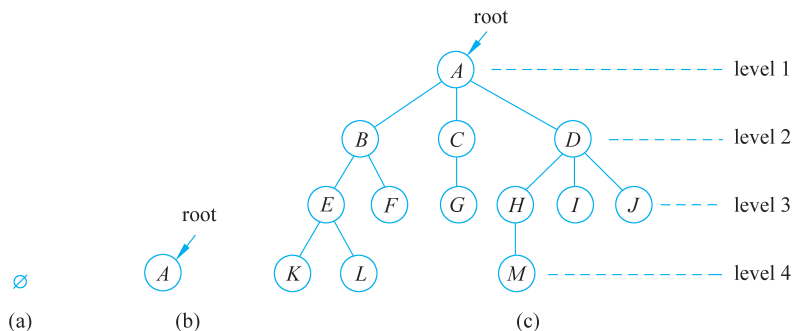


图 5-2 树的示意图

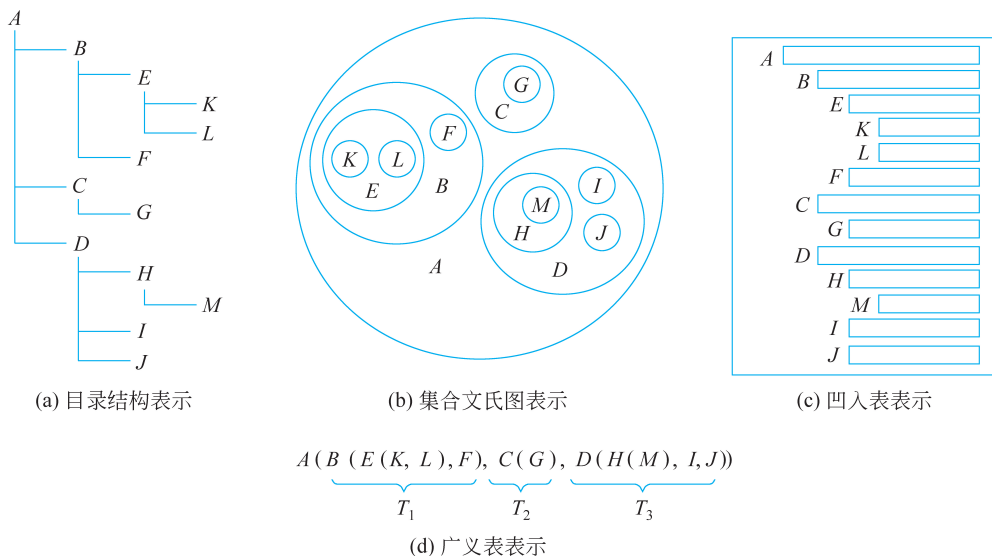


图 5-3 树的其他表示方法

2. 树的基本术语

结点(node): 它包含数据元素的值及指向其他结点的分支指针。例如在图5-2(c)中的

树总共 13 个结点。为方便起见,每个数据元素用单个字母表示。

结点的度(degree): 是结点所拥有的子树棵数。例如在图 5-2(c)所示的树中,根 A 的度为 3,结点 E 的度为 2,结点 K, L, F, G, M, I, J 的度为 0。

叶结点(leaf): 即度为 0 的结点,又称为终端结点。例如在图 5-2(c)所示的树中, $\{K, L, F, G, M, I, J\}$ 构成树的叶结点的集合。

分支结点(branch): 除叶结点外的其他结点,又称为非终端结点。例如在图 5-2(c)所示的树中, A, B, C, D, E, H 就是分支结点。

子女结点(child): 若结点 x 有子树,则子树的根结点即为结点 x 的子女。例如在图 5-2(c)所示的树中,结点 A 有 3 个子女,结点 B 有 2 个子女,结点 L 没有子女。

双亲结点(parent): 又称为父结点。若结点 x 有子女,它即为子女的双亲结点。例如在图 5-2(c)所示的树中,结点 B, C, D, E 有一个双亲结点,根结点 A 没有双亲结点。

兄弟结点(sibling): 同一双亲结点的子女结点互称为兄弟结点。例如在图 5-2(c)所示的树中,结点 B, C, D 为兄弟结点, E, F 也为兄弟结点,但 F, G, H 不是兄弟结点。

祖先结点(ancestor): 从根结点到该结点所经分支上的所有结点。例如在图 5-2(c)所示的树中,结点 L 的祖先结点为 A, B, E, L 。不包括 L 的祖先结点称为 L 的真祖先结点。

子孙结点(descendant): 某一结点的子女,以及这些子女的子女都是该结点的子孙结点。例如在图 5-2(c)所示的树中,结点 B 的子孙结点为 B, E, F, K, L 。不包括 B 的子孙结点称为 B 的真子孙结点。本书下文中如果不加特别说明,所谓“子孙”都是指真子孙。

结点间的路径(path): 树中任一结点 v_i 经过一系列结点 $v_1, v_2, \dots, v_k$ 到 v_j , 其中 $(v_i, v_1), (v_1, v_2), \dots, (v_k, v_j)$ 是树中的分支,则称 $v_i, v_1, v_2, \dots, v_k, v_j$ 是 v_i 与 v_j 间的路径。

结点的深度(depth): 即结点所处层次(level),简称结点的层次,即从根到该结点的路径上的分支数加 1。例如在图 5-2(c)所示的树中,根结点在第 1 层,它的子女在第 2 层。树中任一结点的层次为它的父结点的层次加 1。^①

结点的高度(height): 空树的高度为 0,叶结点的高度为 1,非叶结点的高度等于它的两个子女结点高度相比,取其大值加 1。

树的深度(depth): 树中距离根结点最远的结点所处层次即为树的深度。空树的深度为 0,只有一个根结点的树的深度为 1,图 5-2(c)所示的树的深度为 4。

树的高度(height): 树的高度等于根结点的高度。需要注意的是:树的高度与树的深度的值相等,但高度与深度计算的方向不同。

树的宽度(width): 统计树中每一层结点个数,取其最大者作为树的宽度。

树的度(degree): 树中结点的度的最大值。例如,图 5-2(c)所示的树的度为 3。

有序树(ordered tree): 树中结点的各棵子树 $T_0, T_1, \dots$ 是有次序的,即为有序树。其中, T_1 称为根的第 1 棵子树, T_2 称为根的第 2 棵子树,……。

无序树(unordered tree): 树中结点的各棵子树之间的次序是不重要的,可以互相交换位置。

森林(forest): 是 $m(m \geq 0)$ 棵树的集合。在自然界,树与森林是两个不同的概念,但在

^① 某些教材设定根结点在第 0 层,实用中确实需要把根结点定为第 0 层。本书基于学习,还是按照传统,把根结点定为第 1 层。

数据结构中,它们之间的差别很小。删去一棵非空树的根结点,树就变成森林(不排除空的森林);反之,若增加一个根结点,让森林中每一棵树的根结点都变成它的子女,森林就成为一棵树。

 **想想看** 根据树的定义,请验证以下一些结论:

- 树中的分支条数等于结点个数减 1。
- 树中任意两个结点之间存在唯一的一条路径。
- 结点间路径的长度等于路径上的分支条数。
- 树中每对结点至少存在一个共同祖先结点。
- 在一对结点的所有共同祖先结点中,深度最大的共同祖先结点称为最低共同祖先结点。每一对结点间的最低共同祖先结点必存在且唯一。

5.1.2 树的基本操作

```
(1) void InitTree( Tree& T ); //创建一棵树并初始化
```

先决条件: 无。

操作结果: 建立一棵根指针为 T 的空树。

```
(2) void ClearTree ( TreeNode * & T ) : //删除一棵树
```

先决条件: 树非空。

操作结果: 将树中所有结点释放,将树清空。

```
(3) position FirstChild ( Tree& T, position p ); //求结点  $p$  第一个子女地址
```

先决条件: 结点 p 是树的结点。

操作结果: 返回结点 p 的第一个子女结点地址,若无子女结点则函数返回 0。

```
(4) position NextSibling ( Tree& T, position p ); //求结点  $p$  下一兄弟结点地址
```

先决条件: 结点 p 是树的结点。

操作结果: 返回结点 p 的下一个兄弟结点地址,若无下一兄弟结点则返回 0。

```
(5) position Parent( Tree& T, position p ); //求结点  $p$  的双亲结点地址
```

先决条件: 结点 p 是树的结点。

操作结果: 返回结点 p 的双亲结点地址,若结点 p 为根则返回 0。

```
(6) int InsertChild(Tree& T, position p, TElemType x); //在结点  $p$  下插入新子女结点
```

先决条件: 树非空且结点 p 为树的结点。

操作结果: 在结点 p 下插入值为 x 的新子女结点,若插入失败,函数返回 0, 否则函数返回 1。

```
(7) int DeleteChild ( Tree& T, position p, int i ); //删除结点  $p$  的第  $i$  个子结点
```

先决条件: 树非空且结点 p 是树的结点。

操作结果: 删除结点 p 的第 i 个结点, 若删除失败, 则函数返回 0, 否则函数返回 1。

```
(8) void DeleteSubTree ( Tree& T, position t );    //删除以  $t$  为根结点的子树
```

先决条件: t 是树的结点。

操作结果: 删除以 t 为根的子树的全部结点且 t 置为空。

```
(9) void Traversal ( Tree& T, position p );    //遍历以  $p$  为根的子树
```

先决条件: 树非空且结点 p 是树的结点。

操作结果: 遍历以结点 p 为根的子树。

5.2 二 叉 树

树的子女-兄弟链表表示实际上就是把树转化为二叉树表示来实现的。其实, 二叉树(Binary Tree)在很多应用中都得到实用, 是一类重要的数据类型。

5.2.1 二叉树的概念

一棵二叉树是结点的一个有限集合, 该集合或者为空, 或者是由一个根结点加上两棵分别称为左子树和右子树的、互不相交的二叉树组成。

$$T = \begin{cases} \emptyset, & n=0 \\ \{r, T_L, T_R\}, & n>0 \end{cases}$$

二叉树的特点如下:

(1) 每个结点最多有两个子女结点, 分别称为该结点的左子女结点和右子女结点。就是说, 在二叉树中不存在度大于 2 的结点, 且二叉树的子树有左、右之分, 其子树的次序不能颠倒。

(2) 二叉树的定义是递归的。根结点的子树 T_L 、 T_R 仍是二叉树, 到达空子树时递归的定义结束。许多基于二叉树的算法都利用了这个递归的特性。

(3) 二叉树可能有 5 种不同的形态, 参看图 5-4。图 5-4(a) 表示一棵空二叉树。图 5-4(b) 是只有根结点的二叉树, 根的左子树和右子树都是空的。图 5-4(c) 是根的右子树为空的二叉树, 图 5-4(d) 是根的左子树为空的二叉树, 图 5-4(e) 是根的两棵子树都不为空的二叉树。一棵二叉树的根的子树还可以是这样 5 种形态中的一种。

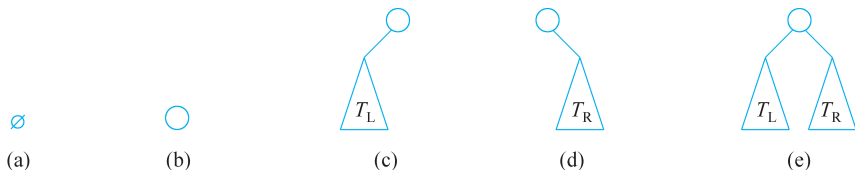


图 5-4 二叉树的 5 种不同形态

(4) 关于树的术语对于二叉树都适用, 但二叉树不是树。理由是:

- 树在图论中被视为用 $n-1$ 条边连接 n 个顶点的特殊图。图的顶点集合非空, 故树

的顶点非空。图论中另外定义了 N 叉树,它可以是空树,二叉树属于 N 叉树。

- 非空二叉树有根,根结点的子树有左、右之分,次序不能颠倒;若其中某一棵子树为空,另一棵子树也需保持左、右之分。树可以没有根(自由树);即使有根,其子树也没有这种区分。



想想看 二叉树的叶结点无子女结点,是否可称它无子树?

5.2.2 二叉树的性质

二叉树具有如下性质:

性质 1 在二叉树的第 i ($i \geq 1$) 层最多有 2^{i-1} 个结点。

【证明】 用归纳法: 当 $i=1$ 时,非空二叉树在第 1 层只有一个根结点, $2^{1-1}=2^0=1$, 结论成立; 现假定对于所有的 $j, 1 \leq j < i$, 结论成立, 即第 j 层上至多有 2^{j-1} 个结点, 由于二叉树每个结点最多有 2 个子女, 因而第 $j+1$ 层上的最大结点数最多为第 j 层上最大结点数的 2 倍, 即 $2 \times 2^{j-1} = 2^j$ 个结点, 性质成立。

性质 2 深度为 k ($k \geq 0$) 的二叉树最少有 k 个结点, 最多有 $2^k - 1$ 个结点。

【证明】 因为每一层最少要有 1 个结点, 因此, 最少结点数为 k 。 $k=0$ 是空二叉树的情形, 此时一个结点也没有, $2^0 - 1 = 0$, 结论成立。 $k \geq 1$ 是非空二叉树情形, 具有层次 $i = 1, 2, \dots, k$ 。 根据性质 1, 第 i 层最多有 2^{i-1} 个结点, 则整个二叉树中所具有的最大结点数为:

$$\sum_{i=1}^k (\text{第 } i \text{ 层的最大结点数}) = \sum_{i=1}^k 2^{i-1} = 2^k - 1$$

性质 3 对于任一棵非空二叉树, 若其叶结点数为 n_0 , 度为 2 的非叶结点数为 n_2 , 则:

$$n_0 = n_2 + 1。$$

【证明】 设二叉树中度为 1 的结点数为 n_1 , 因为二叉树只有度为 0、度为 1 和度为 2 的结点, 所以树中结点总数为 $n = n_0 + n_1 + n_2$ 。 再看二叉树中边(分支)条数 e 。 因为二叉树中除根结点没有双亲结点, 进入它的边数为 0 之外, 其他每一结点都有一个且仅有一个双亲结点, 进入它们的边数均为 1, 故二叉树中总的边数为 $e = n - 1 = n_0 + n_1 + n_2 - 1$ 。 又由于每个度为 2 的结点发出 2 条边, 每个度为 1 的结点发出 1 条边, 度为 0 的结点发出 0 条边, 因此总的边数为 $e = 2n_2 + n_1$ 。 将两个关于边的等式等同起来, 有 $n_0 + n_1 + n_2 - 1 = 2n_2 + n_1$, 消去 n_1 和一个 n_2 , 得 $n_0 - 1 = n_2$, 即 $n_0 = n_2 + 1$ 。 结论成立。

其他一些性质是有关某些特殊二叉树的。为此, 先定义两种特殊的二叉树。

满二叉树(full binary tree) 深度为 k 的满二叉树是有 $2^k - 1$ 个结点的二叉树。在满二叉树中, 每一层结点都达到了最大个数。除最底层结点的度为 0 外, 其他各层结点的度都为 2。图 5-5(a)给出的就是高度为 4 的满二叉树。

完全二叉树(complete binary tree) 如果一棵具有 n 个结点的深度为 k 的二叉树, 它的每一个结点都与高度为 k 的满二叉树中编号为 $1 \sim n$ 的结点一一对应, 则称这棵二叉树为完全二叉树。图 5-5(b)给出的就是深度为 4 的完全二叉树。其特点是: 上面从第 1 层到第 $k-1$ 层的所有各层的结点数都是满的, 仅最下面第 k 层或是满的, 或从右向左连续缺若干结点。

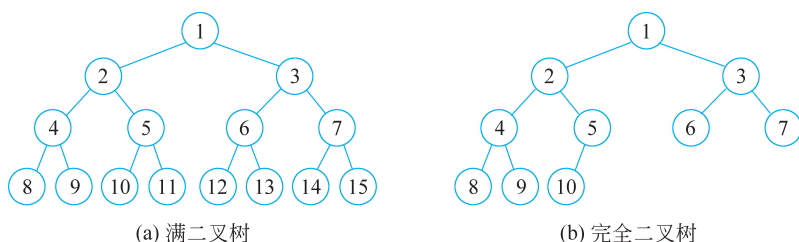


图 5-5 两种特殊的二叉树

想想看

若完全二叉树有 n 个结点, 当 n 为奇数时, $n_1=0, n_2=\lfloor n/2 \rfloor, n_0=n_2+1$; 当 n 为偶数时, $n_1=1, n_0=n/2, n_2=n_0-1$ 。其中的道理是什么?

性质 4 具有 n 个结点的完全二叉树的深度为 $\lceil \log_2(n+1) \rceil$ 。

【证明】 根据二叉树的性质 2, 深度为 k 的完全二叉树最多结点个数 $n \leq 2^k - 1$, 最少结点个数 $n > 2^{k-1} - 1$, 因此:

$$2^{k-1} - 1 < n \leq 2^k - 1$$

移项得 $2^{k-1} < n + 1 \leq 2^k$

取对数 $k-1 < \log_2(n+1) \leq k$

因为 $\log_2(n+1)$ 介于 $k-1$ 和 k 之间且不等于 $k-1$, 深度又只能是整数, 因此有:

$$k = \lceil \log_2(n+1) \rceil$$

结论成立。

注意, 此性质针对完全二叉树给出。但对如图 5-6 所示的二叉树也适合。这种二叉树称为丰满树或理想平衡树(perfect balance tree), 其第 1 层到第 $k-1$ 层也是满的, 第 k 层的结点不一定集中在最左边, 可能分布在该层的各处。

想想看

有的教科书定义 $k = \lfloor \log_2 n \rfloor + 1$, 这与上述定义在 $n > 0$ 时等效, 但 $n = 0$ 时是否同样有效?

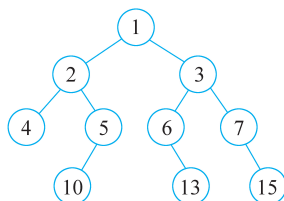


图 5-6 丰满树

性质 5

如果将一棵有 n 个结点的完全二叉树自顶向下, 同一层自左向右连续给结点编号 $1, 2, 3, \dots, n$, 然后按此结点编号将树中各结点顺序地存放于一个一维数组中, 并简称编号为 i 的结点为结点 i ($1 \leq i \leq n$), 参看图 5-5(b)。则有以下关系:

- (1) 若 $i=1$, 则结点 i 为根, 无双亲结点; 若 $i>1$, 则结点 i 的双亲结点为结点 $\lfloor i/2 \rfloor$ 。
- (2) 若 $2i \leq n$, 则结点 i 的左子女为结点 $2i$ 。
- (3) 若 $2i+1 \leq n$, 则结点 i 的右子女为结点 $2i+1$ 。
- (4) 若结点编号 i 为奇数, 且 $i \neq 1$, 它处于右兄弟位置, 则它的左兄弟为结点 $i-1$ 。
- (5) 若结点编号 i 为偶数, 且 $i \neq n$, 它处于左兄弟位置, 则它的右兄弟为结点 $i+1$ 。
- (6) 结点 i 所在层次为 $\lfloor \log_2 i \rfloor + 1$ 。

想想看

如果结点编号从 0 开始, 则:

- 结点 i ($1 \leq i \leq n-1$) 的双亲结点为结点 $\lfloor (i-1)/2 \rfloor$, 结点 0 无双亲结点;
- 分支结点中编号最大的是结点 $\lfloor (n-2)/2 \rfloor$ 或结点 $\lfloor n/2 \rfloor - 1$;

- 若 $i \leq \lfloor (n-2)/2 \rfloor$, 则结点 i 的左子女为 $2i+1$; 若 $i \leq \lfloor (n-3)/2 \rfloor$, 则结点 i 的右子女为 $2i+2$;
- 若 i 为偶数且大于 0, 则结点 i 有左兄弟结点 $i-1$; 若 i 为奇数且 $i \leq n-2$, 则结点 i 有右兄弟结点 $i+1$;
- 结点 i ($0 \leq i \leq n-1$) 在第 $\lfloor \log_2(i+1) \rfloor + 1$ 层。

 **想想看** 对于只有度为 0 和度为 2 的严格二叉树, 其最大高度是多少? 最小高度是多少? 如何称为严格二叉树?

5.2.3 二叉树的主要操作

```
(1) void InitBTree ( BiTNode * & T ); //初始化一棵根为 T 二叉树
```

先决条件: 无。

操作结果: 建立一棵根指针为 T 的空二叉树。

```
(2) void ClearBTree ( BiTNode * & T ); //删除一棵树
```

先决条件: 二叉树非空。

操作结果: 将根为 T 的二叉树中所有结点释放, 将二叉树清空。

```
(3) BiTNode * LeftChild ( BiTNode * p ); //求结点 p 左子女结点地址
```

先决条件: 结点 p 是二叉树的结点。

操作结果: 返回结点 p 的左子女结点地址, 若无左子女则函数返回 NULL。

```
(4) BiTNode * RightChild ( BiTNode * p ); //求结点 p 右子女结点地址
```

先决条件: 结点 p 是二叉树的结点。

操作结果: 返回结点 p 的右子女结点地址, 若无右子女则函数返回 NULL。

```
(5) BiTNode * Parent ( BiTNode * p ); //求结点 p 的父结点地址
```

先决条件: 结点 p 是二叉树的结点。

操作结果: 返回结点 p 的双亲结点地址, 若结点 p 为根则返回 NULL。

```
(6) int GetData ( BiTNode * p, TElemType& x ); //返回结点 p 中存放的值
```

先决条件: 二叉树非空且结点 p 是二叉树的结点。

操作结果: 结点 p 的数据通过 x 返回且函数返回 1, 否则返回 0。

```
(7) void CreateBinTree ( BiTNode * & T ); //建立以 T 为根的二叉树
```

先决条件: 二叉树为空且输入序列按前序排列。

操作结果: 建立以结点 T 为根的二叉树。

```
(8) void PrintBinTree ( BiTNode * & T ); //输出以结点 T 为根的子树
```


先决条件: 二叉树非空。

操作结果: 按照广义表的形式输出以结点 T 为根的子树。

```
(9) int Height ( BiTNode * &T );
```

//求以结点 T 为根的子树高度

先决条件: 无。

操作结果: 计算以 T 为根的子树的高度, 空树返回 0。

```
(10) void PreOrder ( BiTNode * T );
```

//前序遍历

先决条件: 无。

操作结果: 按照前序顺序访问二叉树 T 的所有结点且每个结点仅访问一次。

```
(11) void InOrder ( BiTNode * T );
```

//中序遍历

先决条件: 无。

操作结果: 按照中序顺序访问二叉树 T 的所有结点且每个结点仅访问一次。

```
(12) void PostOrder ( BiTNode * T );
```

//后序遍历

先决条件: 无。

操作结果: 按照后序顺序访问二叉树 T 的所有结点且每个结点仅访问一次。

```
(13) void LevelOrder ( BiTNode * T );
```

//层次序遍历

先决条件: 无。

操作结果: 按照层次序顺序访问二叉树 T 的所有结点且每个结点仅访问一次。

5.3 二叉树的存储表示

二叉树的存储表示有两种: 顺序存储表示和链接存储表示。

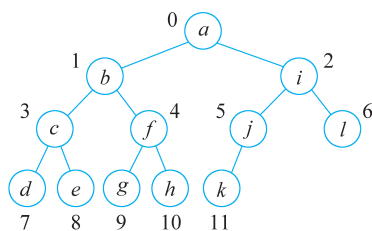
5.3.1 二叉树的顺序存储表示

在数据处理过程中二叉树的大小和形态不发生剧烈动态变化的场合, 适宜采用顺序存储方式来表示二叉树。用顺序存储方式存储二叉树结构, 就是将二叉树的数据元素存储在一组连续的存储单元之内。这种方式可以用 C 的一维数组来描述, 用数组元素的下标为索引, 随机存取二叉树的结点。

1. 完全二叉树的顺序存储表示

设有一棵完全二叉树, 如图 5-7(a) 所示, 对它所有的结点按照层次次序自顶向下, 同一层自左向右顺序编号 $1, 2, \dots, n$, 就得到一个结点的顺序(线性)序列。按这个线性序列, 把这棵完全二叉树放在一个一维数组中, 如图 5-7(b) 所示。

在数组 $\text{data}[i]$ 中存放编号为 $i (i \geq 0)$ 的完全二



(a) 树状表示

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11
a	b	i	c	f	j	l	d	e	g	h	k

(b) 数组存储

图 5-7 完全二叉树的数组表示

树的结点。采用这种方式,可以利用完全二叉树的性质 5,从一个结点的编号推算出它的双亲结点及子女、兄弟等结点的编号,从而在数组中找到这些结点。

2. 一般二叉树的顺序存储表示

设有一棵一般的二叉树,如图 5-8(a)所示,需要将它存放在一个一维数组中。为了能够简单地找到某一个结点的上下左右的关系,也必须仿照完全二叉树那样,对二叉树的结点进行编号。然后按其编号将它放到数组中去,如图 5-8(b)所示。在编号时,如遇到空子树,应在编号时假定有此子树进行编号,而在顺序存储时当作有此子树那样把位置留出来。这样才能反映二叉树结点之间的相互关系,由其存储位置找到它的双亲结点及子女、兄弟结点的位置。但这样做有可能会消耗大量的存储空间。例如,图 5-9 给出的单支二叉树,要求一个可存放 31 个结点的一维数组,但只在第 0,2,6,14,30 这几个位置存放有结点数据,其他大多数结点空间都空着,又不能压缩到一起,造成很大空间浪费。

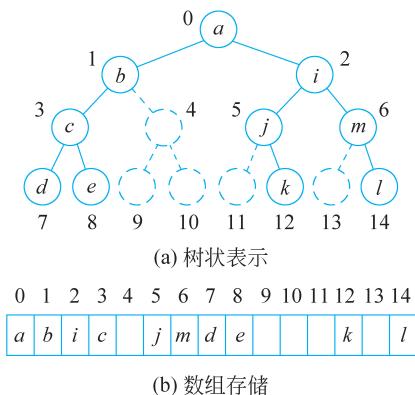
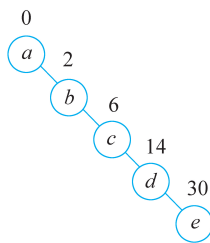


图 5-8 一般二叉树的数组表示



3. 二叉树顺序存储结构的类型定义

程序 5-1 二叉树的顺序存储结构定义(存放于 SqBTree.h 中)

```
#include<stdio.h>
#define maxSize 127                                     //默认存储大小,按满二叉树定义
typedef char DataType;                                  //假设元素数据类型为 char
typedef struct {
    DataType data[maxSize];                             //存储数组
    int n;                                                //当前结点个数
} SqBTree;
```

顺序存储结构对于一般二叉树不太适用。它是存储完全二叉树的最简单、最省存储的存储方式。但要注意,在数组中结点下标是从 0 开始的,计算双亲、子、兄弟结点时与性质 5 所述有差异。而对于一般的二叉树,最好采用链式存储结构。

4. 顺序存储下二叉树的几个操作的实现

(1) 输入二叉树的广义表表示建立二叉树的顺序存储表示。

从二叉树的广义表表示建立二叉树的规则如下:

- ① 广义表的表名放在表前,表示二叉树的根结点,括号中是根的左、右子树。
- ② 表名后面没有括号,表明它是二叉树的叶结点。